

福州格致中学 2021-2022 学年度第一学期高二数学  
选择性必修二校本练习(3)

(范围:等差数列的概念及其通项公式 完成时间:40分钟 命题人:高二数学集备组)

班级\_\_\_\_\_姓名\_\_\_\_\_座号\_\_\_\_\_

### A.基础型作业

1. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的前3项依次为 $a-1, a+1, 2a+3$ , 则此数列的通项 $a_n$ 为( )。

A.  $2n-5$       B.  $2n-3$       C.  $2n-1$       D.  $2n+1$

2. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中,  $a_2=-5, a_6=a_4+6$ , 则 $a_1$ 等于( )。

A. -9      B. -8      C. -7      D. -4

3. 在数列 $\{a_n\}$ 中,  $a_1=2, 2a_{n+1}=2a_n+1$ , 则 $a_{101}$ 等于( )。

A. 49      B. 50      C. 51      D. 52

4. 2010是等差数列4, 6, 8, ..., 中的第( )项

A. 1001      B. 1002      C. 1003      D. 1004

5. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中, 已知 $a_1=12, a_6=12$ , 则 $a_9$ 等于( )。

A. 12      B. 16      C. 20      D. 24

6. 在 $a$ 和 $b$ ( $a \neq b$ )两数之间插入 $n$ 个数, 使他们与 $a, b$ 组成等差数列, 则该数列的公差

A.  $\frac{b-a}{n}$       B.  $\frac{a-b}{n+1}$       C.  $\frac{b-a}{n+1}$       D.  $\frac{b-a}{n+2}$

7. 若数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_{n+1} = \frac{3a_n + 2}{3}$  ( $n \in \mathbb{N}^*$ ), 且 $a_1=0$ , 则 $a_{70}=$ \_\_\_\_\_

8. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中,  $a_3=7, a_5=a_2+6$ , 则 $a_6=$ \_\_\_\_\_

9. 已知 $f(n+1)-f(n)=\frac{1}{n}$  ( $n \in \mathbb{N}^+$ ) 且 $f(2)=2$ , 则 $f(101)=$ \_\_\_\_\_

### B 组 提高型作业

10. 在数列  $\{a_n\}$  中,  $a_1=1$ ,  $2^{a_{n+1}} - 2^{a_n} = 3$  ( $n=1,2,3,\cdots$ ), 则  $\{a_n\}$  的通项公式是( )。

A.  $2^{3n-1}$       B.  $2^{3n-2}$       C.  $3n-1$       D.  $\log_2(3n-1)$

11. 在数列  $\{a_n\}$  中,  $a_1=3$ , 且对任意大于 1 的正整数  $n$ , 点  $(\sqrt{a_n}, \sqrt{a_{n-1}})$  在直线  $x-y-\sqrt{3}=0$  上, 则  $a_n=$  \_\_\_\_\_.

12. 设数列  $\{a_n\}$ ,  $\{a_n^2\}$  ( $n \in N^*$ ) 都是等差数列, 若  $a_1=2$ , 则  $a_2^2 + a_3^3 + a_4^4 + a_5^5 =$

A.60

B.62

C.63

D.66

13. 已知数列  $\{a_n\}$  满足  $a_1=4$ ,  $a_n = 4 - \frac{4}{a_{n-1}}$  ( $n \geq 2$ ), 令  $b_n = \frac{1}{a_n - 2}$ .

(1) 求证:  $\{b_n\}$  是等差数列; (2) 求数列  $\{a_n\}$  的通项公式.

### C 组: 发展型作业

14.(多选题) 若等差数列  $\{a_n\}$  和  $\{b_n\}$  的公差均为  $d(d \neq 0)$ , 则下列数列中为等差数列的是( )

- A.  $\{\lambda a_n\}$  ( $\lambda$  为常数)      B.  $\{a_n + b_n\}$       C.  $\{a_n^2 - b_n^2\}$       D.  $\{a_n b_n\}$

15. 已知数列  $\{a_n\}$  满足  $\frac{a_n}{a_n + 2} = \frac{1}{2} a_{n+1}$  ( $n \in N^*$ ), 且  $a_1 = 1$ .

(1) 证明数列  $\left\{ \frac{1}{a_n} \right\}$  为等差数列; (2) 求数列  $\{a_n\}$  的通项公式; (3) 若记  $b_n$  为满足不等式

$\frac{1}{2^n} < a_k \leq \frac{1}{2^{n-1}}$  ( $n \in N^*$ ) 的正整数  $k$  的个数, 设  $T_n = 1 - \frac{(-1)^n}{b_n} - \frac{b_n}{b_n - (-1)^n}$ , 求数列  $\{T_n\}$  的最大项

与最小项的值.