

福州格致中学 2021-2022 学年度第一学期高二数学

选择性必修二校本练习(2)

(范围:数列的递推公式及其前 n 项和 完成时间:40 分钟 命题人:高二数学集备组)

班级 _____ 姓名 _____ 座号 _____

A.基础型作业

1. 在数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = \frac{1}{3}$, $a_n = (-1)^n \cdot 2a_{n-1}$, 则 a_5 等于()。
- A. $-\frac{16}{3}$ B. $\frac{16}{3}$ C. $-\frac{8}{3}$ D. $\frac{8}{3}$
2. 数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = 1$, 对所有的 $n \geq 2$, 都有 $a_1 \cdot a_2 \cdot a_3 \cdots \cdots a_n = n^2$, 则 $a_3 + a_5 =$ ()。
- A. $\frac{61}{16}$ B. $\frac{25}{9}$ C. $\frac{25}{16}$ D. $\frac{31}{15}$
3. 数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = 2$, 若 $a_{n+1} = a_n + \ln(1 + \frac{1}{n})$, 则 a_n 等于()。
- A. $2 + \ln n$ B. $2 + (n-1) \ln n$ C. $2 + n \ln n$ D. $1 + n + \ln n$
4. 数列 $\{a_n\}$ 的通项公式 $a_n = \log_{(n+1)}(n+2)$, 则它的前 30 项之积是()
- A. $\frac{1}{5}$ B. 5 C. 6 D. $\frac{\log_2 3 + \log_{31} 32}{5}$

5. 数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = 3$, $a_2 = 7$, 当 $n \geq 1$ 时, a_{n+2} 等于 $a_n \cdot a_{n+1}$ 的个位数字, 则 a_{2021} 等于()。

- A. 1 B. 3 C. 7 D. 9

6. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , $a_1 = \frac{4}{5}$, 若 $a_{n+1} = \begin{cases} 2a_n, & 0 \leq a_n \leq \frac{1}{2}, \\ 2a_n - 1, & \frac{1}{2} < a_n \leq 1 \end{cases}$, 则 $S_{820} =$ ()。
- A. 408 B. 410 C. $\frac{2048}{5}$ D. $\frac{2049}{5}$

7. 已知数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = 2$, $a_2 = 1$, $a_{n+2} = 3a_{n+1} - a_n$, 则 $a_6 + a_4 - 3a_5 =$ _____.

8. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $S_n = n^2 + 1$, 则通项公式 $a_n =$ _____

9. 已知数列 $\{a_n\}$, $a_n = a^n + m$ ($a < 0, n \in \mathbb{N}^+$) 满足 $a_1 = 2, a_2 = 4$, 则 $a_3 =$ _____.

B 组.提高型作业

10. 已知数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1 = a_2 = 1$, $\frac{a_{n+2}}{a_{n+1}} - \frac{a_{n+1}}{a_n} = 1$, 则 $a_6 - a_5$ 的值为()。

- A. 0 B. 18 C. 96 D. 600

11. 已知整数按如下规律排成一列:(1,1),(1,2),(2,1),(1,3),(2,2),(3,1),(1,4),(2,3),(3,2),(4,1),...,则第60个数对是().

- A.(10,1) B.(2,10) C.(5,7) D.(7,5)

12. 已知数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1=1$, $(n+1)a_n=na_{n+1}$,则数列 $\{a_n\}$ 的一个通项公式是 $a_n=$ _____

13. 已知数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1=3$, $a_2=6$, $a_{n+2}=a_{n+1}-a_n$.(1)求 a_{2021} ;(2)求 $a_1+a_2+a_3+\cdots+a_{2021}$.

C组:发展型作业

14. 设函数 $f(x)$ 的定义如下表,数列 $\{x_n\}$ 满足 $x_0=5$,且对任意的自然数均有 $x_{n+1}=f(x_n)$,则 $x_{2012}=$ _____.

x	1	2	3	4	5
$f(x)$	4	1	3	5	2

15. 已知数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1=2$,且 $a_{n+1}=\frac{n}{n+1}a_n$.

(1)求数列 $\{a_n\}$ 的前4项的和;(2)求 $\{a_n\}$ 的通项公式.